

Série N°4 : **BARYCENTRE**

(La correction voir 😊 <http://www.xriadiat.com/> )

**Exercice01** : On considère un triangle ABC. On appelle I le milieu de [BC].

1) Démontrer que :  $\vec{AB} + \vec{AC} = 2\vec{AI}$

2) Exprimer I comme barycentre des points A et B

**Exercice02** : Soit ABC un triangle tel que : AC = 6cm et AB = 5cm et BC = 4cm

a) Construire G le barycentre de : {(A, 1); (B, 2); (C, 1)}

b) Déterminer et Construire l'ensemble (E) des points M du plan tel que :  $\|\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}\| = AC$

c) Déterminer et Construire l'ensemble (F) des points M du plan tel que :

$$\|\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{3MA} + 2\vec{MC}\|$$

**Exercice03** : ABC un triangle et I un point tel que :  $\vec{AI} = \frac{2}{3}\vec{AB}$  et K le symétrique de A par rapport à : C et J le milieu du segment [BC]

1) Exprimer I et J et K comme le barycentre de points pondérés a déterminer

2) Quelle est le barycentre des points pondérés : (A;1) ;(B;2) ; (B;-2) et (C;-2) ?

3) Montrer que les points I et J et K sont alignés.

**Exercice04** : A et B deux points tel que : AB = 4cm et I le milieu du segment [AB]

1) Soit (E) l'ensemble des points M du plan tel que :  $\vec{IM} \cdot \vec{AB} = 4$  et soit H le barycentre des points pondérés (A;1) ;(B;3)

a) Montrer que :  $H \in (E)$

b) Vérifier que :  $M \in (E) \Leftrightarrow \vec{HM} \cdot \vec{AB} = 0$

c) Déterminer la nature de l'ensemble (E)

2) Soit (F) l'ensemble des points M du plan tel que :  $MA^2 - MB^2 = 8$

a) Montrer que :  $\forall M \in (P)$  on a :  $MA^2 - MB^2 = 2\vec{IM} \cdot \vec{AB}$

b) En déduire que (F) = (E) et le tracer

**Exercice05** : Soit ABC un triangle isocèle en A

O Le milieu du segment [BC] et OA = 4a ; BC = 2a avec :  $a \in \mathbb{R}^+$

Déterminer l'ensemble (F) des points M du plan tel que :  $2MA^2 + MB^2 + MC^2 = ka^2$

**Exercice06** : Dans le plan (P) rapporté à un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  tel que  $\|\vec{i}\| = 1cm$

On considère les points : A(-6;3) ; B(6;7) et C(6;-5)

Soit G Le barycentre du système pondéré {(A, 1) ; (B, 2) ; (C, 1)} et I le milieu du segment [AC]

1) Déterminer les coordonnées de G dans le repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

2) Montrer que G est le milieu du segment [IB]

PROF: ATMANI NAJIB

PROF: ATMANI NAJIB

3) Déterminer et Construire dans le repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  l'ensemble (E) des points M du plan

Tel que :  $\|\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}\| = 8cm$

4) Soit H Le barycentre du système pondéré : {(A, 3) ; (B, 2)}

a) Montrer que :  $\vec{AH} = \frac{1}{4}\vec{AB}$  et construire H

b) Déterminer et Construire dans le même repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  l'ensemble (F) des points M du plan tel

que :  $\|\vec{MA} + 2\vec{MB} + \vec{MC}\| = \|\vec{3MA} + \vec{MC}\|$

**Exercice07** : Dans le plan (P) rapporté à un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

On considère les points : A(-6;-1) ; B(2;3)

Soit G Le barycentre du système pondéré {(A;2);(B;-4)} et I le milieu du segment [AB]

1) Déterminer les coordonnées de G dans le repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

2) a) Montrer que :  $2\vec{MA} - 4\vec{MB} = -2\vec{MG}$  et  $\vec{MA} + \vec{MB} = 2\vec{MI}$  pour tous points M du plan

b) En déduire et construire dans le repère  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  l'ensemble (D) des points M du plan tel que :

$$\|2\vec{MA} - 4\vec{MB}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB}\|$$

**Exercice08** : ABCD est un parallélogramme de centre O: G est le barycentre du système pondéré :

{(B;2);(C;-1);(D;2)} et E est le barycentre du système pondéré : {(B;2);(C;-1)}

1) Vérifier que B est le milieu du segment [CE] :

2) a) Exprimer  $\vec{AG}$  en fonction de :  $\vec{AB}$  ;  $\vec{AC}$  et  $\vec{AD}$  puis déduire que :  $\vec{AG} = \frac{1}{3}\vec{AC}$

b) Construire une figure.

c) Montrer que G est le centre de gravité du triangle ABD :

3) Montrer que les points D; G et E sont alignés.

4) Soit I le point d'intersection des droites (DG) et (AB) et p la projection sur (DB)

Parallèlement a (DC) : On pose :  $G' = p(G)$

Montrer que :  $\vec{DG'} = \frac{2}{3}\vec{DB}$

*C'est en forgeant que l'on devient forgeron : Dit un proverbe.*

*C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien*

